

2007 年 9 月 3 日

第 1 問

2次元極座標 (r, θ) の基本 (単位) ベクトル $\vec{e}_r, \vec{e}_\theta$ を用いて、速度 \vec{v} 、加速度 \vec{a} を

$$\vec{v} = \dot{\vec{r}} = \frac{d\vec{r}}{dt} = v_r \vec{e}_r + v_\theta \vec{e}_\theta, \quad \vec{a} = \ddot{\vec{r}} = \frac{d^2\vec{r}}{dt^2} = a_r \vec{e}_r + a_\theta \vec{e}_\theta$$

と書いたときの (1) v_r , (2) v_θ , (3) a_r , (4) a_θ を r, θ によって表現せよ。

第 2 問

平面内で運動する質点に働く力 \vec{f} の直角座標系成分が $f_x = axy, f_y = ax^2/2$ (a は定数) と書けたとする。(1) \vec{f} が保存力であることを示せ。 \vec{f} のポテンシャルを求めよ。

第 3 問

水平な床の上に長さ l 、質量 M の一様な板をおく。板の一端に立っている質量 m の人が他端まで歩くとき、板の動く距離を求めよ。ただし、板と床の間には摩擦がないとする。

第 4 問

半径 a 、質量 M の一様な球に、重さが無視できる糸をつけて振り子を作る。支点から球の重心までの距離を l とする。この振り子の微小振動の周期を求めよ。ただし重力加速度を g とする。

第 5 問

水平から角 α だけ傾いた斜面に円柱をおき、静かにはなす。そのときを時刻 t の原点に選び、その位置から斜面に沿って下向きに測った距離を x とする。円柱はすべらずにころがり落ちるものとし、次の 2 種類の円柱について x と t の関係を求めよ。ただし重力加速度を g とする。

- (1) 中が詰まった一様な密度の円柱
- (2) 中が空で一様な面密度の外表面をもつ円柱

